

$$\begin{cases} x + y = 15 \\ 2x + y = 21 \end{cases} \text{ 3- لنحل النظام:}$$

$$\begin{cases} x + y = 15 \\ 2x + y = 21 \end{cases} \text{ لدينا:}$$

$$\text{نعوض 1 في 2 يعني:} \begin{cases} y = 15 - x & (1) \\ 2x + y = 21 & (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 15 - x \\ 2x + 15 - x = 21 \end{cases} \text{ نجد:}$$

$$\begin{cases} y = 15 - x \\ x + 15 = 21 \end{cases} \text{ يعني:}$$

$$\begin{cases} y = 15 - x \\ x = 21 - 15 \end{cases} \text{ يعني:}$$

$$\begin{cases} y = 15 - x \\ x = 6 \end{cases} \text{ يعني:}$$

$$\begin{cases} y = 15 - 6 \\ x = 6 \end{cases} \text{ يعني:}$$

$$\begin{cases} y = 9 \\ x = 6 \end{cases} \text{ اذن:}$$

ومنه الزوج (6;9) هو حل النظام

### التمرين الثانى

1- منوال المتسلسلة:

قيمة الميزة التي لها أكبر حصيص هي الميزة 30 ذات

الحصيص 7

إذن المنوال هو 30

-القيمة الوسطية:

50	30	25	20	10	قيم الميزة
3	7	5	4	6	الحصيص
25	22	15	10	6	الحصيص المتراكم

نصف الحصيص الإجمالي = 12.5

الحصيص المتراكم الأكبر مباشرة من 12.5 هو الذي قيمته

15 الموافق لقيمة الميزة 25

إذن القيمة الوسطية هي 25

$$M = \frac{10 \times 6 + 20 \times 4 + 25 \times 5 + 7 \times 30 + 3 \times 50}{25} \text{ 2- لدينا:}$$

$$M = \frac{60 + 80 + 125 + 210 + 150}{25} \text{ يعني:}$$

$$M = \frac{265 + 360}{25} \text{ يعني:}$$

$$M = \frac{625}{25} \text{ يعني:}$$

$$M = 25 \text{ اذن:}$$

$$\text{ادن: } V_{HABD} = 36 \text{ cm}^3$$

3- لدينا الهرم  $HIJK$  تصغير للهرم  $HABD$  نسيبته

$$\frac{HI}{HD} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$S_{IJK} = \left(\frac{1}{3}\right)^2 \times S_{ABD} \text{ يعني:}$$

$$S_{IJK} = \left(\frac{1}{3}\right)^2 \times \frac{6 \times 6}{2} \text{ يعني:}$$

$$S_{IJK} = \frac{1}{9} \times \frac{36}{2} \text{ يعني:}$$

$$S_{IJK} = \frac{36}{18} = 2 \text{ cm}^2 \text{ اذن:}$$

### التمرين السادس

ليكن  $x$  هو عدد المبيعات من آلات المنزلية

$$40x - 7 \times 285 > 0 \text{ يعني:}$$

$$40x - 1995 > 0 \text{ يعني:}$$

$$40x > 1995 \text{ يعني:}$$

$$x > \frac{1995}{40} \text{ يعني:}$$

$$x > \frac{1995}{40} \text{ يعني:}$$

$$x > 49,875 \text{ يعني:}$$

و بالتالي الحد الأدنى من المبيعات يجب أن يصل 50 آلة

### تصحيح الإمتحان 09

#### جهة سوس ماسة درعة يونيو 2007

### التمرين الأول

$$1- \text{ لنحل المعادلة: } 3x + 1 = 2 - x$$

$$\text{لدينا: } 3x + 1 = 2 - x$$

$$\text{يعني: } 3x + x = 2 - 1$$

$$\text{يعني: } 4x = 1$$

$$\text{اذن: } x = \frac{1}{4}$$

وبالتالي: للمعادلة حل وحيد هو  $\frac{1}{4}$

$$2- \text{ لنحل المتراجحة: } 6x - 1 \leq 2x - 5$$

$$\text{لدينا: } 6x - 1 \leq 2x - 5$$

$$\text{يعني: } 6x - 2x \leq -5 + 1$$

$$\text{يعني: } 4x \leq -4$$

$$\text{يعني: } x \leq \frac{-4}{4}$$

$$\text{ومنه: } x \leq -1$$

إذن: حلول المعادلة هي جميع الأعداد الحقيقية الأصغر من أو

يساوي -1

$$(AB) : y = \frac{1}{2}x + p \text{ ومنه:}$$

لنحدد p:

$$A \in (AB) : \text{وبما أن}$$

$$y_A = \frac{1}{2}x_A + p : \text{فإن}$$

$$-1 = \frac{1}{2} \times 2 + p : \text{يعني}$$

$$p = -2 : \text{يعني}$$

$$(AB) : y = \frac{1}{2}x - 2 \text{ إذن:}$$

ب- لنبين أن  $(AB) \perp (\Delta)$

$$(AB) : y = \frac{1}{2}x - 2 \text{ لدينا}$$

$$(\Delta) : y = -2x + 3 \text{ و}$$

$$\frac{1}{2} \times -2 = -1 : \text{يعني}$$

يعني جداء الميلين يساوي -1

$$(AB) \perp (\Delta) \text{ إذن:}$$

### التمرين الرابع:

#### الجزء الأول

1- دالة خطية يعني أن تمثيلها  $(d)$  يمر من أصل

المعلم

وبما أن  $f(2) = 1$  فإن  $M(2;1) \in (d)$

2- دالة خطية يعني:  $f(x) = ax$

$$\text{وبما أن: } a = \frac{f(x)}{x} = \frac{f(2)}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\text{إذن: } f(x) = \frac{1}{2}x$$

#### الجزء الثاني

1- لنحدد العدد الذي صورته ب g هي -1

$$\text{لدينا: } g(x) = \frac{1}{2}x - 2$$

ليكن z هو العدد الذي صورته ب g هي -1

$$\text{يعني: } g(z) = -1$$

$$\text{يعني: } \frac{1}{2}z - 2 = -1$$

$$\text{يعني: } \frac{1}{2}z = -1 + 2$$

$$\text{يعني: } \frac{1}{2}z = 1$$

$$\text{إذن: } z = 2$$

العدد هو 2

-2

x	0	2
g(x)	-2	-1

إذن:  $A(2; -1) \in (\Delta)$  و  $C(0; -2) \in (\Delta)$

### التمرين الثالث

$$1-1 \text{ لدينا معادلة المستقيم } (\Delta) : y = -2x + 3$$

لدينا:  $A(2, -1)$

$$A \in (\Delta) \text{ يعني: } y_A = -2x_A + 3$$

$$\text{يعني: } -1 = -2 \times 2 + 3$$

$$\text{إذن: } -1 = -1$$

وبالتالي: A تحقق المعادلة

$$\text{إذن } A \in (\Delta)$$

لدينا:  $B(4, 0)$

$$B \in (\Delta) \text{ يعني: } y_B = -2x_B + 3$$

$$\text{يعني: } 0 = -2 \times 4 + 3$$

$$\text{إذن: } 0 = -5$$

وهذا غير صحيح وبالتالي:  $B \notin (\Delta)$

ب- لنحدد احداثيتي منتصف [AB]

لتكن M منتصف [AB]

$$x_M = \frac{x_A + x_B}{2} \text{ يعني:}$$

$$y_M = \frac{y_A + y_B}{2}$$

$$x_M = \frac{2 + 4}{2}$$

$$\text{يعني: } y_M = \frac{-1 + 0}{2}$$

$$x_M = 3$$

$$\text{يعني: } y_M = \frac{-1}{2}$$

$$\text{إذن: } M\left(3; \frac{-1}{2}\right)$$

ج- لنحسب AB

$$\text{لدينا: } AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

$$\text{يعني: } AB = \sqrt{(4 - 2)^2 + (0 - (-1))^2}$$

$$\text{يعني: } AB = \sqrt{(2)^2 + (1)^2}$$

$$\text{إذن: } AB = \sqrt{5}$$

2-أ- لنحدد المعادلة المختصرة ل (AB)

$$\text{لنضع: } y = mx + p \text{ (AB)}$$

لنحدد m:

وبما أن  $A \in (AB)$  و  $B \in (AB)$

$$\text{فإن: } m = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

$$\text{يعني: } m = \frac{0 - (-1)}{4 - 2}$$

$$\text{إذن: } m = \frac{1}{2}$$

$$V = \frac{1}{3}SH \times S_{ABCD} - \frac{1}{3}IH \times S_{ABCD} \quad \text{يعني:}$$

$$V = \frac{1}{3}S_{ABCD}(SH - IH) \quad \text{يعني:}$$

وبما أن I منتصف [SH]

$$\text{فان: } IH = \frac{SH}{2}$$

$$V = \frac{1}{3}S_{ABCD}(SH - \frac{SH}{2}) \quad \text{ومنه:}$$

$$V = \frac{1}{3}S_{ABCD} \times \frac{SH}{2} \quad \text{يعني:}$$

$$V = \frac{1}{6}S_{ABCD} \times SH \quad \text{يعني:}$$

$$V = \frac{1}{6}AB^2 \times SH \quad \text{يعني:}$$

$$V = \frac{1}{6} \times 6^2 \times 8 \quad \text{ومنه:}$$

$$V = 48 \text{ cm}^3 \quad \text{اذن:}$$

2- اذا اعتبرنا المجسم الاصيل حجمه  $V_3$

والمجسم (P) تصغير له بنسبة  $\frac{1}{10}$

$$\text{فان: } V = \left(\frac{1}{10}\right)^3 \times V_3$$

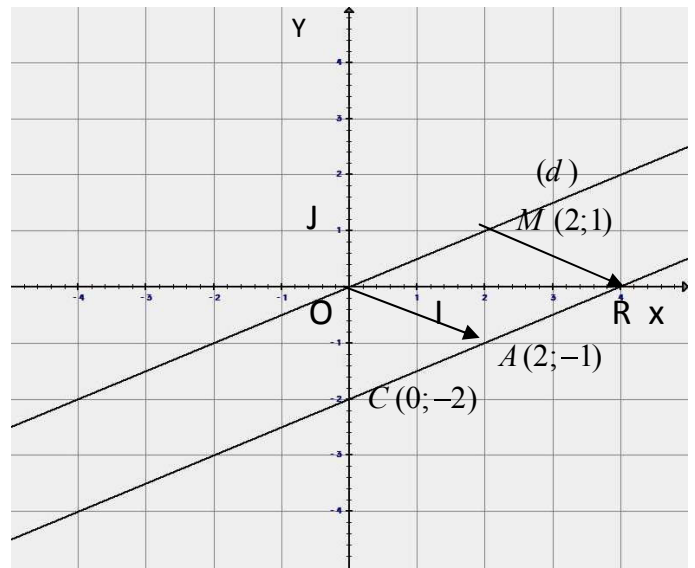
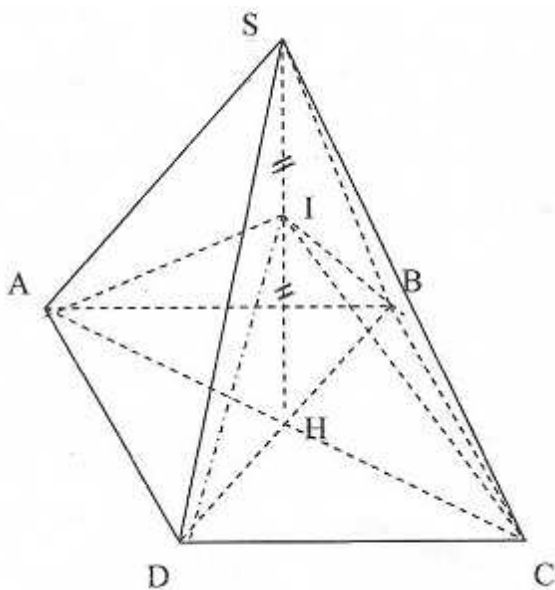
$$\text{يعني: } V = \frac{1}{1000} \times 48000$$

$$V = 48 \text{ cm}^3 \quad \text{يعني:}$$

وهذا صحيح

اذن المجسم الاصيل حجمه  $V_3 = 48000 \text{ cm}^3$

هو تصغير للمجسم (P) بنسبة  $\frac{1}{10}$



-3

$$\text{لدينا: } g(x) = \frac{1}{2}x - 2 \quad \text{و} \quad f(x) = \frac{1}{2}x$$

يعني: لدالتان نفس المعامل الموجه أي ان المستقيمان (d) و  $(\Delta)$  متوازيان

وبما ان  $A(2;-1) \in (\Delta)$  و  $O(0;0) \in (d)$

و الازاحة المعتمدة هي الازاحة التي تحول O الى A

فان صورة أي نقطة من (d) تنتمي الى  $(\Delta)$

وبما ان  $B(2;1) \in (d)$  فان صورتها تنتمي الى  $(\Delta)$

طريقة ثانية

لدينا الازاحة التي تحول O الى A

يعني المتجهة الممثلة لهذه الازاحة :  $\vec{OA}$ .

لتكن  $R(x;y)$  هي صورة  $B(2;1)$

يعني:  $\vec{OA} = \vec{BR}$ .

بما أن :  $\vec{OA}(x_A - x_O; y_A - y_O)$ .

يعني:  $\vec{OA}(2; -1)$ .

وبما أن :  $\vec{BR}(x_R - x_B; y_R - y_B)$ .

يعني:  $\vec{BR}(x - 2; y - 1)$ .

يعني:  $x - 2 = 2$  و  $y - 1 = -1$

يعني:  $x = 4$  و  $y = 0$

اذن :  $R(4;0)$

وبما أن:  $g(4) = 0$

فان:  $R(4;0) \in (\Delta)$

### التمرين الخامس

1- لنحسب V حجم المجسم (P):

ليكن  $V_1$  حجم الهرم SABCD

$$\text{يعني: } V_1 = \frac{1}{3}SH \times S_{ABCD}$$

و  $V_2$  حجم الهرم IABCD

$$\text{يعني: } V_2 = \frac{1}{3}IH \times S_{ABCD}$$

وبما أن :  $V = V_1 - V_2$